



## Paramétrage d'un système MRP soumis aux aléas de délais d'approvisionnement

**16<sup>èmes</sup> Journées STP du GdR MACS**  
**29/30 Mars 2012**



**O. BEN AMMAR**

# Plan



- Présentation du problème
- Etat de l'art
- Modélisation & Approche proposée
- Modèle de comparaison et étude numérique
- Résultats & Perspectives

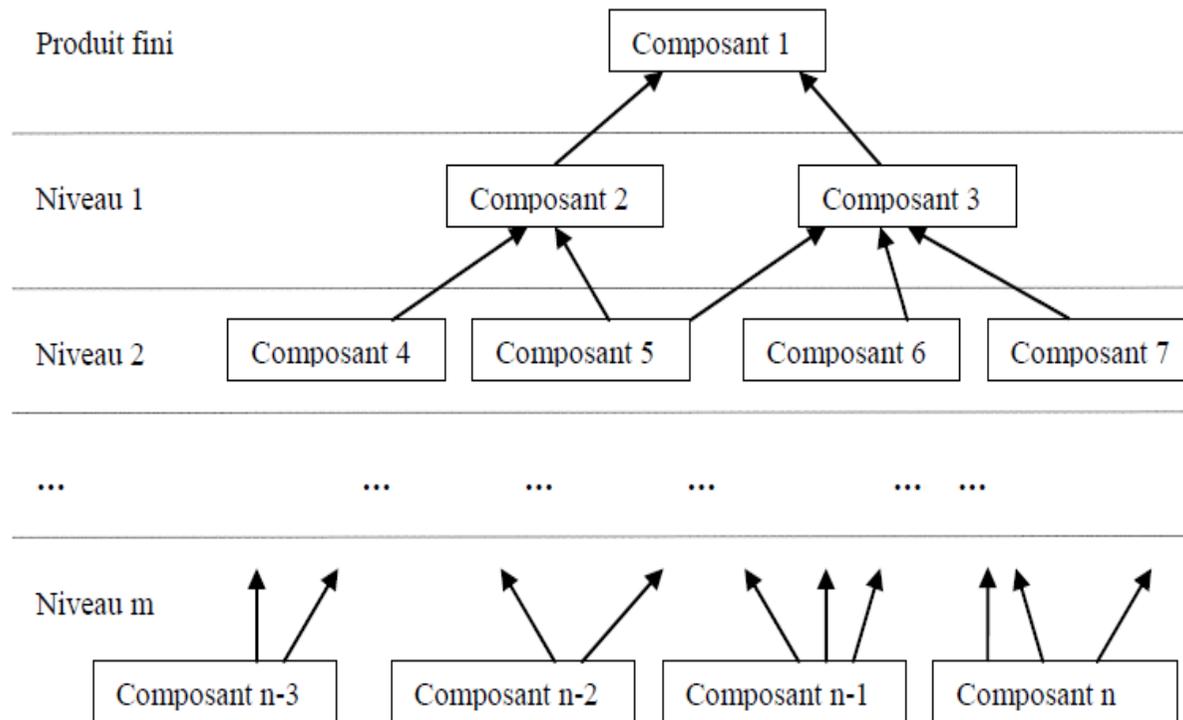


## Présentation du problème

- Système MRP Sous incertitude des délais d'approvisionnement
- Le temps d'approvisionnement en composants peut prendre *plusieurs semaines*.
- Le temps d'assemblage ne dépasse pas *quelques heures*.
- Déterminer les dates d'approvisionnement en composants
  - Livrer le produit fini avant la date de livraison souhaité par le client.



## Présentation du problème



Exemple d'un système d'assemblage à  $m$  niveaux



## Présentation du problème

- Nous supposons que:
  - Système d'assemblage à *plusieurs niveaux*
  - Les délais d'approvisionnement en composants sont des v. a. *discrètes* qui suivent une loi connue
  - La demande est *connue* et *constante*
  - La capacité est *infinie*
  - Le Modèle est *mono-période* et restreint à une seule période
  - La date de livraison est *connue*

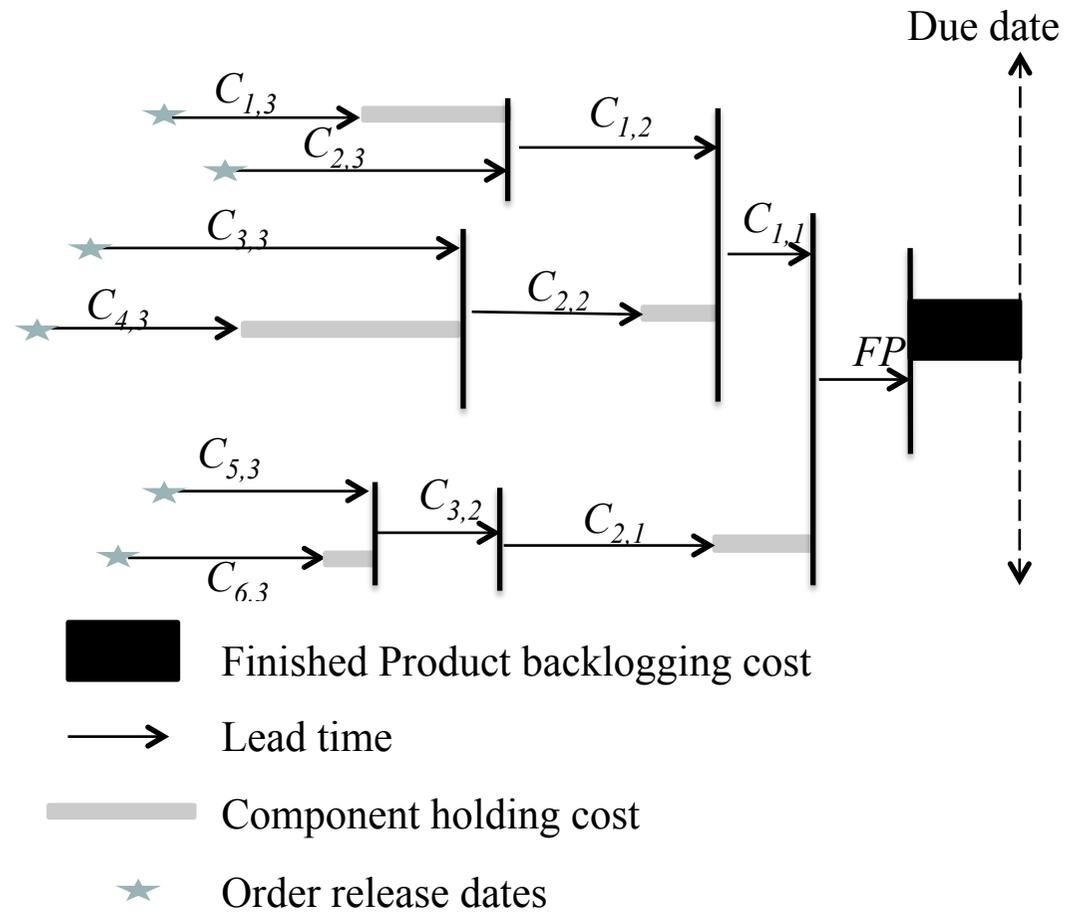
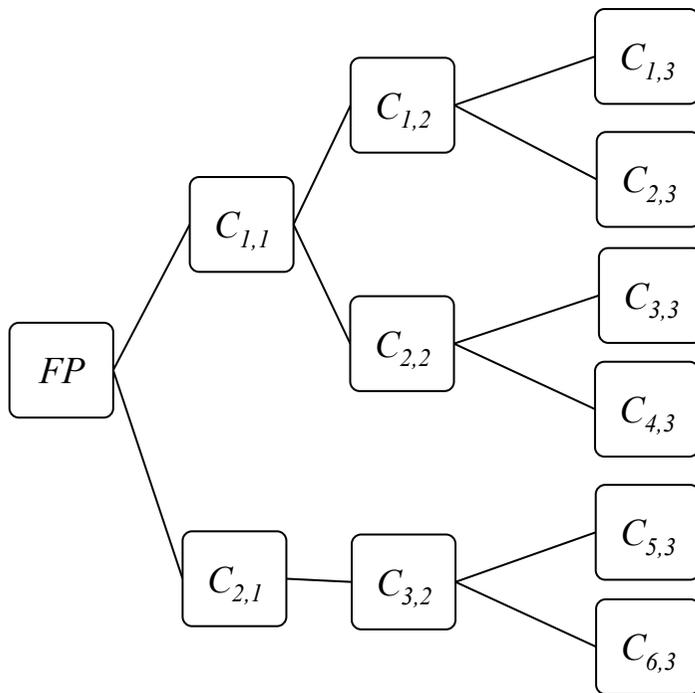


## Présentation du problème

- Objectifs:
  - Trouver les dates *optimales* de lancement des ordres aux fournisseurs
  - *Minimiser* le *coût total moyen* = *coût de stockage* de composants
    - + *coût de rupture* en produit fini
    - + *coût de stockage* du produit fini



## Présentation du problème





## État de l'art

- Incertitudes dans un système MRP:
  - Modification des dates exigées par le client
  - Variabilité des quantités des besoins bruts
  - Aléas du délai d'approvisionnement
  - Taille des lots de productions

		Période		Période		
		2	3	4	5	6
Demande	↕	1		200	2	
	↕	400	80	0	0	0
Besoin	↕	3		0	120	400
	↕	3		400	80	4

← Temps ← Quantité



## État de l'art

- Incertitudes dans un système MRP:
  - [Damand et al., 2011], [Wazed et al., 2009], [Dolgui and Prodhon, 2007] et [Koh et al., 2002]

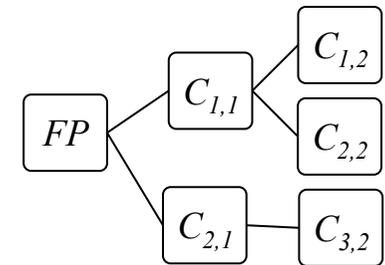
- Incertitudes du délais d'approvisionnement:

[Ould Louly and Dolgui, 2002, 2002a, 2003, 2008a, 2008b, 2009],	Mono-produit, multi-composants, multi-période, mono-niveau	modèle de Markov, Modèle de Newsboy, procédure par séparation et évaluation
[Hnaien et al., 2009], [Hnaien et al., 2010], [Fallah-Jamshidi et al., 2011], [Sakiani et al., 2012]	Mono-produit, multi-composant, mono-période, 2-niveau	Modèle Newsboy, algorithme génétique, algorithme d'Electromagnetism-like Mechanism, Algorithme génétique multi-objectif,



## Modélisation

- Nous utiliserons par la suite les notations suivantes :
  - $T$  date de livraison souhaitée par le client pour le produit fini,
  - $D$  demande en produits finis, valeur entière,
  - $N_i$  nombre de composants au niveau  $i$  de la nomenclature,
  - $S_{l,i}$  ensemble des composants  $c_{l,i+1} \in S_{l,i}$  de niveau  $i+1$ ,  
nécessaires à l'assemblage d'un composant  $c_{l,i}$ ,  $l = 1, \dots, N_i$ ,
  - $L_{l,i}$  délai d'obtention des composants  $c_{l,i}$ ,





## Modélisation

- $h_{l,i}$  coût unitaire de stockage d'un composant  $c_{l,i}$ ,
- $x_{l,i}$  délai d'approvisionnement planifié pour les composants de type  $c_{l,i}$ ,
- $b$  coût unitaire de retard de début d'assemblage du produit fini,
- $r$  coût unitaire de stockage du produit fini,
- $X_{l,m}$  date de lancement du composant de type  $c_{l,m}$  au dernier niveau  $m$ ,
- $E[.]$  espérance mathématique.



## Modélisation

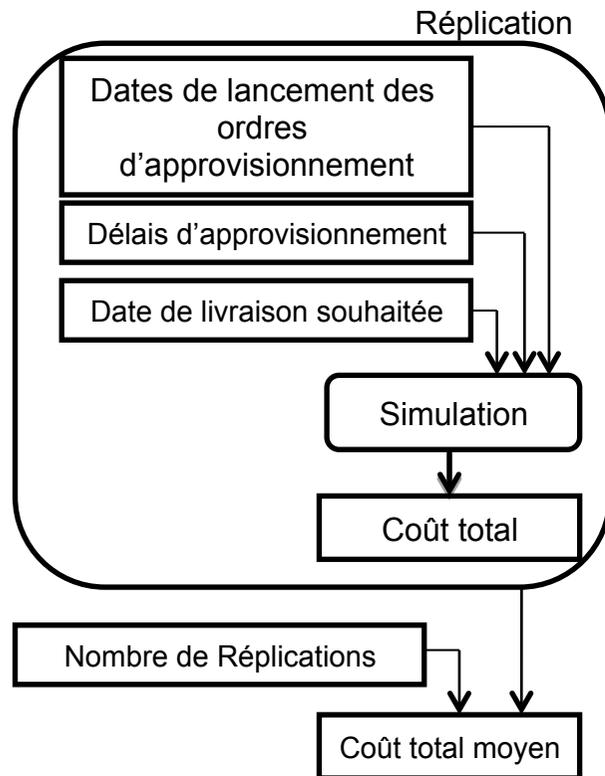
- Le coût total  $C(X, L)$  est une *variable aléatoire*:

$$\begin{aligned}
 C(X, L) = & \sum_{i=2}^m \left( \sum_{l=1}^{N_i} \left( \sum_{c_{k,i+1} \in S_{l,i}} h_{l,i+1} \cdot (M_{l,i} - (L_{k,i+1} - X_{k,i+1})) \right) \right) \\
 & + r \cdot \left( T - \max_{c_{k,i+1} \in S_{l,i}} (M_{l,i} + L_{l,i}) \right) \\
 & + b \cdot \left( \max_{c_{k,i+1} \in S_{l,i}} (M_{l,i} + L_{l,i}) - T \right)
 \end{aligned}$$

$$\text{Avec } M_{l,i} = \max_{c_{k,i+1} \in S_{l,i}} (L_{k,i+1} - X_{k,i+1})$$



## Modèle conceptuel

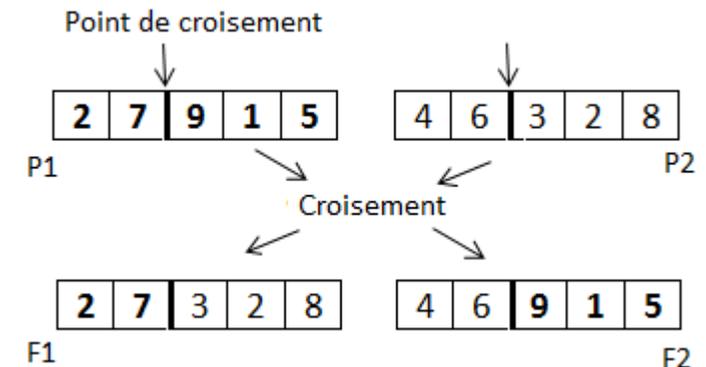
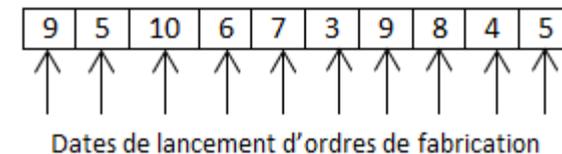


- Nombre de réplifications: 2000,
- Utilisation de l'*inégalité de Tchebychev* pour déterminer le *coût total moyen*  $E[C(X,L)]$ ,
- Taux de confiance: 99,8%.



## Optimisation Approchée

- Couplage du modèle de simulation avec un algorithme génétique
  - Méthode de sélection élitiste
  - Taille de la population: 60 individus
  - Taux de croisement: 80%
  - Taux de mutation: 15%
  - Critère d'arrêt: 500 générations





## Optimisation Approchée

**Fonction** Meilleur\_sous\_ensemble (A,n)

**Début**

retourne  $S \subseteq A$ ,  $|S| = n$  et  $\forall s \in S, \nexists s' \in A \setminus S$ ,  
Fitness ( $s'$ ) < Fitness( $s$ );

**Fin**

Ensemble\_Population  $\leftarrow$  Population\_initiale(N);

**Pour**  $i$  de 1 à *Max génération* **faire**

*// Sélection de reproduction//*;

Ensemble\_Parents  $\leftarrow$  Meilleur\_sous\_ensemble  
(Ensemble\_Population, N/2 );

*// Opérateurs de reproduction//*;

Ensemble\_Fils\_Crois  $\leftarrow$  Croisement (Ensemble\_Parents,  $P_{cross}$ );

Ensemble\_Fils\_Mut  $\leftarrow$  Mutation (Ensemble\_Fils\_Crois,  $P_{mut}$ );

*// Sélection de remplacement//*;

Ensemble\_Population  $\leftarrow$

Meilleur\_sous\_ensemble (Ensemble\_Parents  $\cup$

Ensemble\_Fils\_Crois  $\cup$  Ensemble\_Fils\_Mut, N);

**Fin**



**Modèle de Comparaison (Hindien (2008))**

$$\begin{aligned}
 & \sum_{i=1}^N \left( \sum_{o \downarrow 1 + o \downarrow 2 = s} P(L \downarrow i, 1 = o \downarrow 1) \cdot \prod_{c \downarrow k, 2 \in S \downarrow i, 1} F \downarrow k, 2 (X \downarrow k, 2 - o \downarrow 2 - 1) \right) \\
 & + R \cdot \left( \sum_{s \geq 0} \left( 1 - \prod_{i=1}^N \left( \sum_{o \downarrow 1 + o \downarrow 2 = s} P(L \downarrow i, 1 = o \downarrow 1) \cdot \prod_{c \downarrow k, 2 \in S \downarrow i, 1} F \downarrow k, 2 (X \downarrow k, 2 + o \downarrow 2) \right) \right) \right) \\
 & + \sum_{i=1}^N H \downarrow i \left( \sum_{s \geq 0} \left( 1 - \prod_{c \downarrow k, 2 \in S \downarrow i, 1} F \downarrow k, 2 (X \downarrow k, 2 + s) \right) \right) - \sum_{i=1}^N H \downarrow i \left( \sum_{s \geq 0} \left( \prod_{c \downarrow k, 2 \in S \downarrow i, 1} F \downarrow k, 2 (X \downarrow k, 2 - s - 1) \right) \right) \\
 & - \sum_{i=1}^N \left( \sum_{c \downarrow k, 2 \in S \downarrow i, 1} h \downarrow i, 2 (E(L \downarrow k, 2) - X \downarrow k, 2) \right) - \sum_{i=1}^N h \downarrow i, 1 (E(L \downarrow i, 1))
 \end{aligned}$$

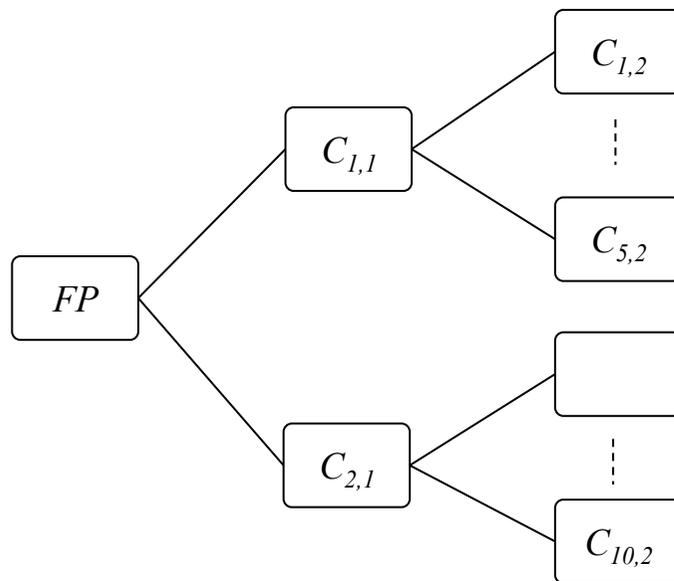
Où  $\{ \blacksquare H \downarrow i = \sum_{c \downarrow k, 2 \in S \downarrow i, 1} h \downarrow k, 2 - h \downarrow i, 1, \forall i \in [1, \dots, N] \}$

$$B = b + \sum_{i=1}^N h \downarrow i, 1$$

$$R = b - \sum_{i=1}^N h \downarrow i, 1$$



## Étude numérique



- 100 tests sur la même structure de chaîne logistique
  - La demande fixée à 1
  - Coût unitaire de stockage: 140
  - Coût unitaire de retard: 140
  - $1 \leq L_{i,j} \leq 5, j \in \{1,2\}$
- } Produit fini

i	1	2
$h_{i,1}$	40	100

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$h_{i,2}$	10	20	10	25	20	15	15	25	25	20



## Résultats et Perspectives

- Résultats détaillés seront présentés à MOSIM
- Étendre le modèle et les techniques proposées:
  - Au contexte multi période
  - Aux systèmes d'assemblage multi-niveau à plus qu'un type de produits finis où les nomenclatures se croisent
- Paramétrer un MRP réel



[www.emse.fr](http://www.emse.fr)

**Merci pour votre attention**



( / ( Δ B ( Δ B  
% J 4 - J 4 -  
A + μ % + μ %  
8 = 7 ε / ≥ H / ≥ H  
( ≥ Ø C 1 Ø C 1  
J + M Ø A M Ø A  
+ 3 [ % 3 [ %  
= 8 A C 8 A C  
Ø R 7 0 R 7 0  
R + 7 0 \* / 6 π /  
π / 6 S Ø / S Ø %  
∞ % I Ω † % Ω †  
‡ A Ø 2 ≤ A 2 ≤ 7  
Ø 8 ( ≤ Δ B ( Δ B  
Ø J = 4 - J 4 - I  
R + 0 μ % + μ %  
K = [ 7 ε = 7 ε †  
/ √ R H / ≥ H / ≤  
Σ f / C 1 Ø C 1 = Ø  
S Ø † / Ø A M Ø A  
Ω † % [ 3 [ % [ K  
2 ≤ A A C 8 A C R /  
Ø = 8 R 7 0 R 7 / Σ  
Δ B ( / + \* / + / S



## Paramétrage d'un système MRP soumis aux aléas de délais d'approvisionnement

**16<sup>èmes</sup> Journées STP du GdR MACS**  
**29/30 Mars 2012**



**O. BEN AMMAR**